

**UNIVERSIDAD NACIONAL DEL CHIMBORAZO**

**MODELOS DE  
PREDICCIÓN:  
SERIES DE TIEMPO**

Patricia Hernández, PhD

MODELIZACIÓN  
ECONÓMICA

The background features a dark blue gradient with faint, semi-transparent financial charts. On the right side, there is a line graph with a peak and a subsequent decline, with a data point labeled '2455'. In the lower center, there is another line graph with a dip and a rise, with a data point labeled '154.178'.

# **SERIES DE TIEMPO Y MÍNIMOS CUADRADOS ORDINARIOS**

# MODELOS DE SERIES DE TIEMPO

## Modelos estáticos

No considera el pasado

Presenta autocorrelación  
pues el pasado se recoge  
en el error

Debe emplearse  
estimación distinta a MCO

## Modelos dinámicos

Considera el pasado de  
la variable y/o del  
componente aleatorio

La autocorrelación del  
error se recoge en el  
pasado

Se estiman otros  
modelos (ARIMA, VAR,  
Cointegración)

# MODELOS ESTÁTICOS - PASOS

Declarar que es serie de tiempo (tsset)



Establecer relaciones gráficas de dispersión o de evolución

`twoway(scatter var1 var2) ó tline var1`



Estimación del modelo MCO

`reg var1 var2 .....`

# MODELOS ESTÁTICOS - PASOS

Validación de supuestos (Predict res, res):



Correcta especificación (Ramsey) estat ovtest



Normalidad lmngr var1 var2 var3...



Homocedasticidad (Breusch – Pagan) estat hettest



Multicolinealidad vif

Farrar- Glauber fgtest var2 var2 var3

# MODELOS ESTÁTICOS - PASOS

## Autocorrelación

estat dwatson / estat durbinalt / twoway (scatter res l.res) / ac res



Corrección de autocorrelación: opción a) Prais – Winsten (Mín cuadrados generalizados, dos etapas, estima  $e_t = f(e_{t-1})$  y luego lo incorpora en la reg) Prais var1 var2..., corc



Corrección de autocorrelación: opción b) Newey – West (MCO robusto, mayor peso al presente, menor peso al pasado)

Newey var1 var2....., lag(1)

# MODELOS ESTÁTICOS - PASOS

Escoger el mejor modelo con criterios de información

Estático



Predecir a la variable dependiente

Predict  $\hat{y}$

Two-way (tsline  $\hat{y}$ ) (tsline var1)

**APLICACIONES  
EN STATA  
(EJERCICIO  
HOMICIDIOS)**

The background features a dark blue gradient with faint, semi-transparent white line graphs and data points. One prominent data point is labeled '2455' with a right-pointing arrow. Another data point is labeled '154.178' with a right-pointing arrow. The overall aesthetic is professional and analytical.

# **ANÁLISIS DETERMINÍSTICO SERIES DE TIEMPO**

# ANÁLISIS DE SERIES DE TIEMPO

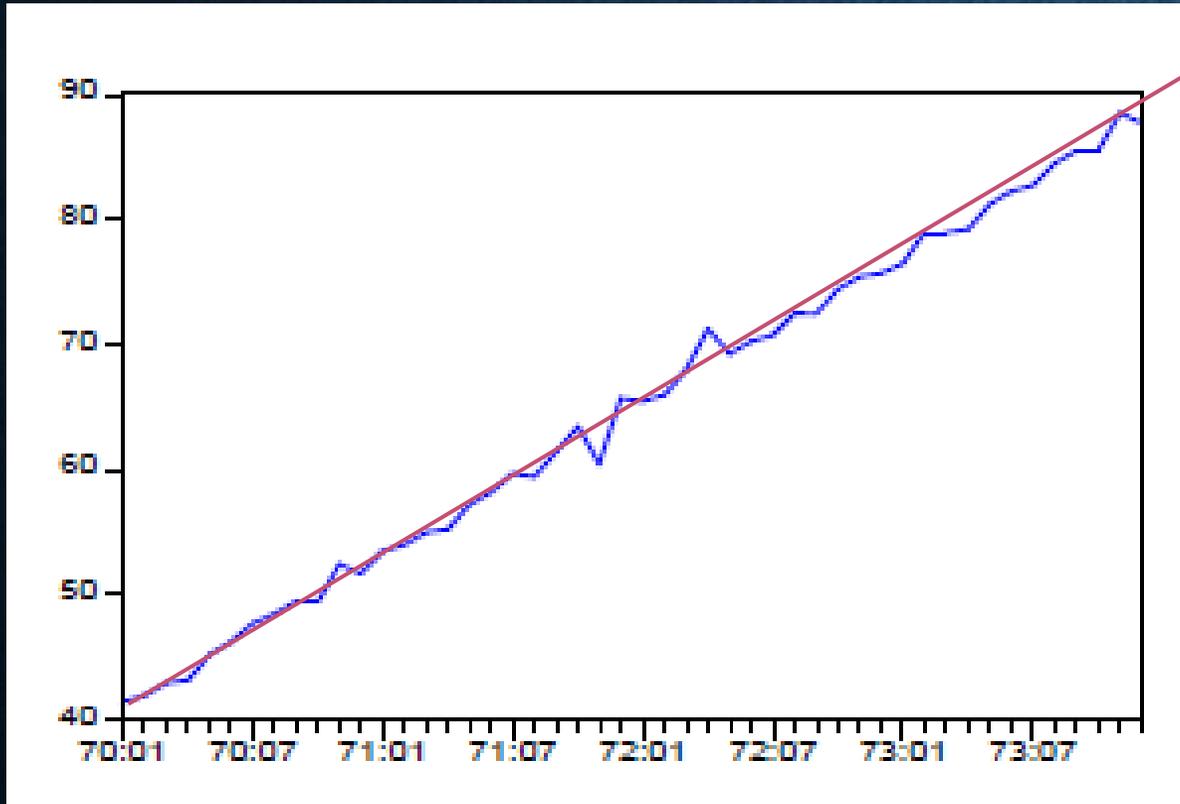


**NOTA: Número de datos requeridos**

Ciclo más de 10 años; modelos univariantes más de 5 años; estimaciones estacionarias más de 15 datos; estimaciones dinámicas más de 30 datos

# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## TENDENCIA



Comportamiento de aumento o disminución de la variable

Puede ser lineal o no

La presencia de tendencia indica que la serie es no estacionaria (el valor esperado de la variable es constante y depende del tiempo)

# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## TENDENCIA – ¿CÓMO SE ESTIMA?

### TENDENCIA LINEAL

$$y_t = \alpha_0 + \alpha_1 t + e_t$$

Si  $\alpha_1$  es estadísticamente significativo hay tendencia

Si  $\alpha_1 > 0$  la tendencia es positiva

Si  $\alpha_1 < 0$  la tendencia es negativa

### TENDENCIA NO LINEAL

$$y_t = \alpha_0 + \alpha_1 t + \alpha_2 t^2 + e_t$$

$$\log y_t = \alpha_0 + \alpha_1 t + \alpha_2 t^2 + e_t$$

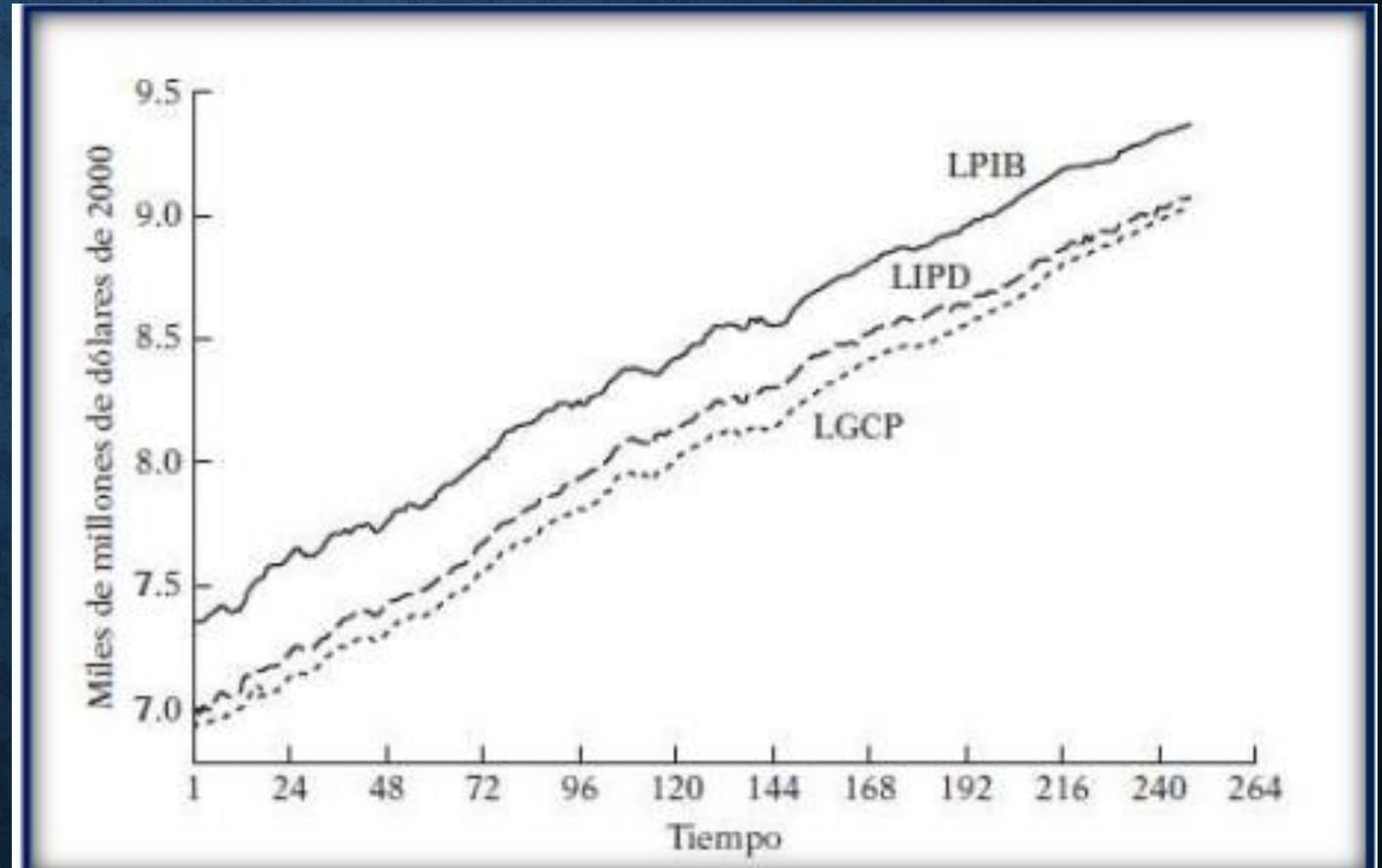
# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## TENDENCIA – RIESGO DE REGRESIÓN ESPURIA

DOS VARIABLES PUEDEN ESTAR CORRELACIONADAS POR SU TENDENCIA PERO NO HAY CAUSALIDAD – REGRESIÓN ESPURIA

Se incorpora la variable  $t$  en el análisis de regresión:

- Ya no son significativas las “ $x$ ”
- Las “ $x$ ” se vuelven significativas



# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## CICLO – LARGO PLAZO

Se requiere un número significativo de observaciones porque un ciclo puede durar varios períodos  
(Al menos 10 datos – años)



# SEPARAR CICLOS Y TENDENCIA

OPCIONES: Filtro de Hodrick Prescott instalado

Suavizar serie con log

Instalar hprescott

Estimar filtro

Hprescott var, stub (newvar) smooth ( $\lambda$ )

Se generan dos variables una el ciclo y otra la tendencia

Graficar tsline tendencia tsline ciclo

Valores del suavizado ( $\lambda$ ): 1600 series trimestrales, 129600 mensual, 6,25 anual

# SEPARAR CICLOS Y TENDENCIA

OPCIONES: Filtro de Hodrick Prescott STATA

Suavizar serie con log

Estimar filtro

```
tsfilter hp newvar=varname, smooth ( $\lambda$ ) tren (varname)
```

Se generan dos variables una el ciclo y otra la tendencia

Graficar `tsline tendencia` `tsline ciclo`

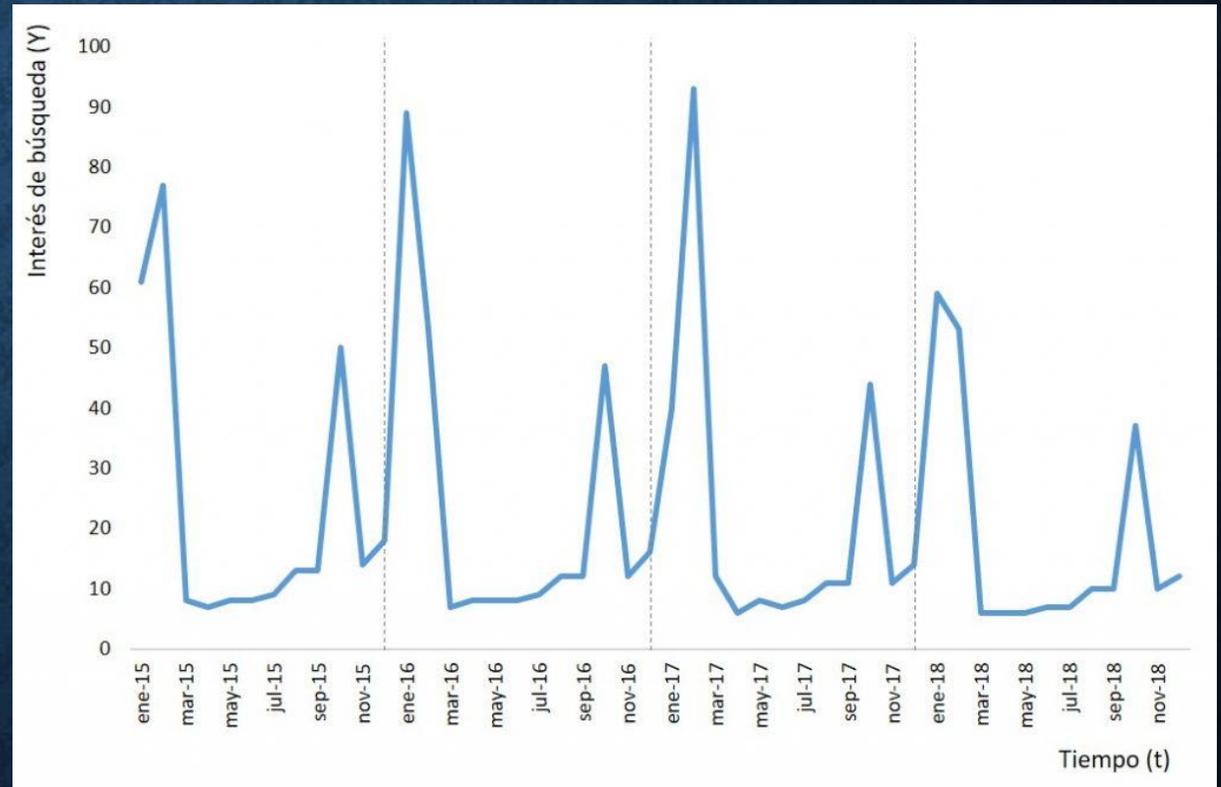
Valores del suavizado ( $\lambda$ ): 1600 series trimestrales, 129600 mensual, 6,25 anual

**APLICACIONES  
EN STATA  
(EJERCICIO  
HOMICIDIOS)**

# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## ESTACIONALIDAD – CORTO PLAZO

PATRONES REGULARES EN PERÍODOS CORTO, EN UN AÑO



# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## ESTACIONALIDAD – ¿CÓMO SE VERIFICA?

$$y_t = \alpha_0 + \alpha_1 feb + \alpha_2 mar + \dots + \alpha_{11} dic + e_t$$

- Cada mes es una variable binaria y  $\alpha_0$  recoge el efecto del mes de enero
- Si algún coeficiente es significativo hay estacionalidad y debe desestacionalizarse la serie

# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## DESESTACIONALIZAR SERIES – PROMEDIO MÓVIL - ÍNDICE

Se emplea un índice estacional que proviene del promedio móvil

Sumar todos los valores del primer año y se colocan en el punto medio de los datos o en el siguiente, si es decimal

Dividir estas sumas entre el número de datos del período

Promedio móvil centrado es el promedio del valor antes y después del período

Calcular el índice  $(\text{valor real} / \text{valor central}) * 100$

Graficar el promedio móvil centrado y la serie real

Ajustar el índice y usarlo para desestacionalizar la serie

# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## DESESTACIONALIZAR SERIES

Año (1)	Trimestre (2)	Ocupación (3)	Paso 1: Total móvil de 4 trimestres (4)	Paso 2: Promedio móvil de los 4 trimestres (5) = (4) ÷ 4	Paso 3: Promedio móvil centrado de 4 trimestres (6)	Paso 4: Porcentaje del valor real respecto al promedio móvil (7) = $\frac{(3)}{(6)} \times 100$
1991	I	1,861	8,387	2,096.75	2,104.250	114.8
	II	2,203				
	III	2,415				
	IV	1,908				
1992	I	1,921	8,587	2,146.75	2,159.125	89.0
	II	2,343	8,686	2,171.50	2,181.250	107.4
	III	2,514	8,764	2,191.00	2,180.125	115.3
	IV	1,986	8,677	2,169.25	2,145.625	92.6
1993	I	1,834	8,488	2,122.00	2,070.000	88.6
	II	2,154	8,072	2,018.00	1,994.625	108.0
	III	2,098	7,885	1,971.25	1,971.625	106.4
	IV	1,799	7,888	1,972.00	1,955.875	92.0
1994	I	1,837	7,759	1,939.75	1,965.500	93.5
	II	2,025	7,965	1,991.25	2,012.000	100.6
	III	2,304	8,131	2,032.75	2,062.250	111.7
	IV	1,965	8,367	2,091.75	2,140.375	91.8
1995	I	2,073	8,756	2,189.00	2,193.375	94.5
	II	2,414	8,791	2,197.75	2,198.000	109.8
	III	2,339	8,793	2,198.25		
	IV	1,967				

# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## DESESTACIONALIZAR SERIES

Año	Trimestre I	Trimestre II	Trimestre III	Trimestre IV
1991	—	—	114.8	<del>89.6</del>
1992	89.0	107.4	<del>115.3</del>	<del>92.6</del>
1993	<del>88.6</del>	108.0	<del>106.4</del>	92.0
1994	93.5	<del>100.6</del>	111.7	91.8
1995	<del>94.5</del>	<del>109.8</del>	—	—
	<u>182.5</u>	<u>215.4</u>	<u>226.5</u>	<u>183.8</u>

Media modificada:

$$\text{Trimestre I: } \frac{182.5}{2} = 91.25$$

$$\text{Trimestre II: } \frac{215.4}{2} = 107.70$$

$$\text{Trimestre III: } \frac{226.5}{2} = 113.25$$

$$\text{Trimestre IV: } \frac{183.8}{2} = 91.90$$

$$\text{Total de índices} = \underline{404.1}$$

Trimestre	Índices desajustados	×	Constante de ajuste	=	Índice estacional
I	91.25	×	0.9899	=	90.3
II	107.70	×	0.9899	=	106.6
III	113.25	×	0.9899	=	112.1
IV	91.90	×	0.9899	=	91.0
			Total de los índices estacionales	=	<u>400.0</u>
			Media de los índices = $\frac{400}{4}$		
					= 100.0

# ANÁLISIS DETERMINÍSTICO

## DESESTACIONALIZAR SERIES

Año (1)	Trimestre (2)	Ocupación real (3)		$\left( \frac{\text{Índice estacional}}{100} \right)$ (4)		Ocupación desestacionalizada (5) = (3) ÷ (4)
1991	I	1,861	÷	$\left( \frac{90.3}{100} \right)$	=	2,061
1991	II	2,203	÷	$\left( \frac{106.6}{100} \right)$	=	2,067
1991	III	2,415	÷	$\left( \frac{112.1}{100} \right)$	=	2,154
1991	IV	1,908	÷	$\left( \frac{91.0}{100} \right)$	=	2,097

**APLICACIONES  
EN STATA  
(NÚMERO DE  
HUÉPEDES)**

The background features a dark blue gradient with faint, semi-transparent financial data visualizations. On the right side, a line graph with circular markers is visible, with a data point labeled '2455'. In the lower center, another line graph shows a dip and then a rise, with a data point labeled '154.178'. The main title is centered within a white-bordered box.

# **ANÁLISIS ESTOCÁSTICO SERIES DE TIEMPO**

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## Corte transversal

### Aleatoriedad

Los datos provienen de una muestra

La muestra parte de una población

La muestra es de tamaño  $N$

## Series de tiempo (estocástico – dinámico)

### Aleatoriedad

Los datos provienen de un proceso estocástico (variables aleatorias). Su realización es la serie de tiempo

La población son todas las posibles realizaciones del proceso estocástico

La muestra es el número de período  $t$

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

- **SERIE DE TIEMPO.** Secuencia de observaciones de una variable aleatoria a lo largo del tiempo
- **PROCESO ESTOCÁSTICO.** Es un conjunto de variables aleatorias ordenadas y equidistantes temporalmente (componente de incertidumbre)
- Proceso estocástico:  $y_{-1}, y_0, y_1, y_2, y_3 \dots y_n,$
- Donde la serie temporal es  $y_1, y_2, y_3,$  es una muestra del proceso estocástico
- Se considera proceso estocástico en el tiempo, porque cada valor de  $y$  (variable aleatoria) tiene una distribución que puede diferir. Cada  $y$  es una variable aleatoria que tiene un componente determinístico (predecible) y uno estocástico (no predecible): solo observamos un dato en cada momento
- Tiene dos componentes uno que depende del pasado y otro que depende del error (aleatorio)

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## **SERIE DE TIEMPO**

Es la realización concreta de un proceso estocástico

Lo que se observa de acuerdo con las condiciones del entorno

## **MODELO DE SERIE DE TIEMPO**

Modelo estadístico para el proceso estocástico

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO



# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTACIONARIO

Proceso estocástico  
estacionario

Si el comportamiento es  
estable en el tiempo

Estable significa que las  
propiedades estadísticas no  
cambian en el tiempo

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTACIONARIO

Un proceso estocástico estacionario difícilmente siempre tiene las mismas propiedades estadísticas, entonces se habla de un proceso débilmente estacionario

$$E(x_t) = \mu$$

$$Var(x_t) = \sigma^2$$

$$Cov(x_t, x_{t+k}) = \gamma_k$$

SON CONSTANTES, NO  
DEPENDEN DEL TIEMPO

EJEMPLO: RUIDO BLANCO., es un caso particular de estacionariedad en donde la correlación entre el presente y el pasado es cero porque la Media y covarianza cero, varianza constante

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTACIONARIO

Un proceso estocástico estacionario difícilmente siempre tiene las mismas propiedades estadísticas, entonces se habla de un **proceso débilmente estacionario**

$$E(x_t) = \mu$$

$$Var(x_t) = \sigma^2$$

$$Cov(x_t, x_{t+k}) = \gamma_k$$

**SON CONSTANTES, NO  
DEPENDEN DEL TIEMPO**

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTACIONARIO

### CASO ESPECÍFICO: RUIDO BLANCO

**Es un caso particular de estacionariedad en donde la correlación entre el presente y el pasado es cero porque la Media y covarianza cero, varianza constante**

$$E(x_t) = 0$$

$$Var(x_t) = \sigma^2$$

$$Cov(x_t, x_{t+k}) = 0$$

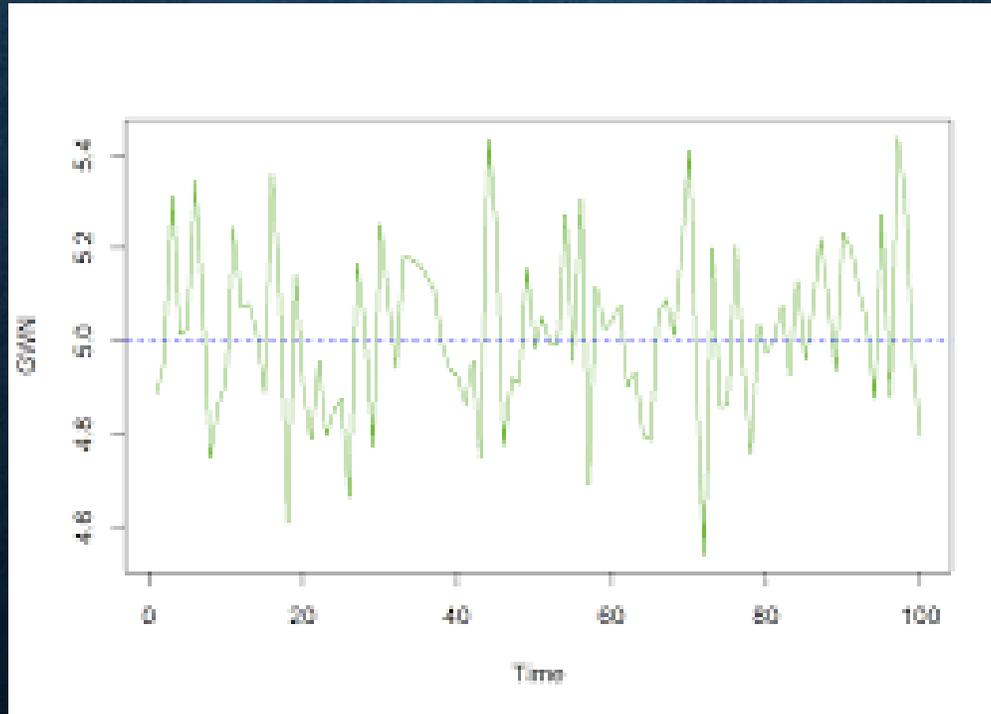
**SE APLICA A LOS RESIDUOS**

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTACIONARIO

**CASO ESPECÍFICO: RUIDO BLANCO**

$\varepsilon_t \sim (0, \sigma^2)$  SE APLICA A LOS RESIDUOS



# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTACIONARIO

¿POR QUÉ SE QUIERE QUE LAS SERIES SEAN ESTACIONARIAS?

- Predicciones fáciles
- Media constante que se utiliza para predecir nuevos valores
- Se obtienen intervalos de confianza de predicción válidos

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO NO ESTACIONARIO

No puede emplearse para predecir

La media y la varianza cambian a lo largo del tiempo  
producto de:

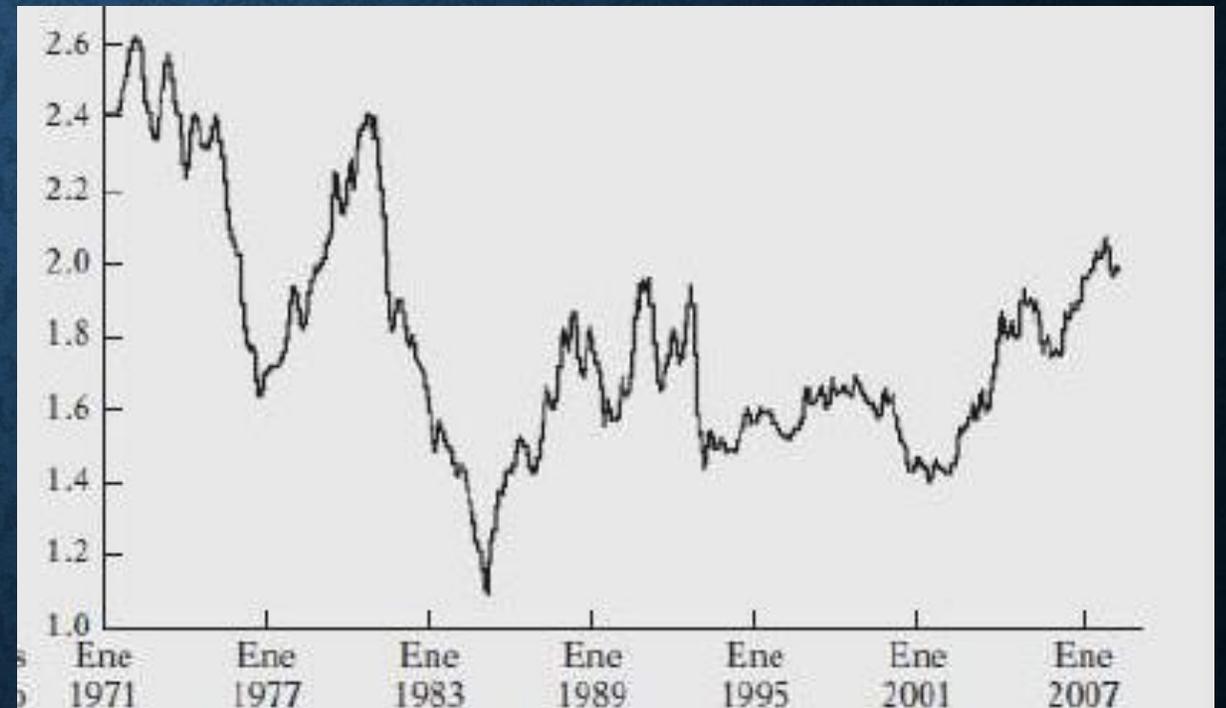
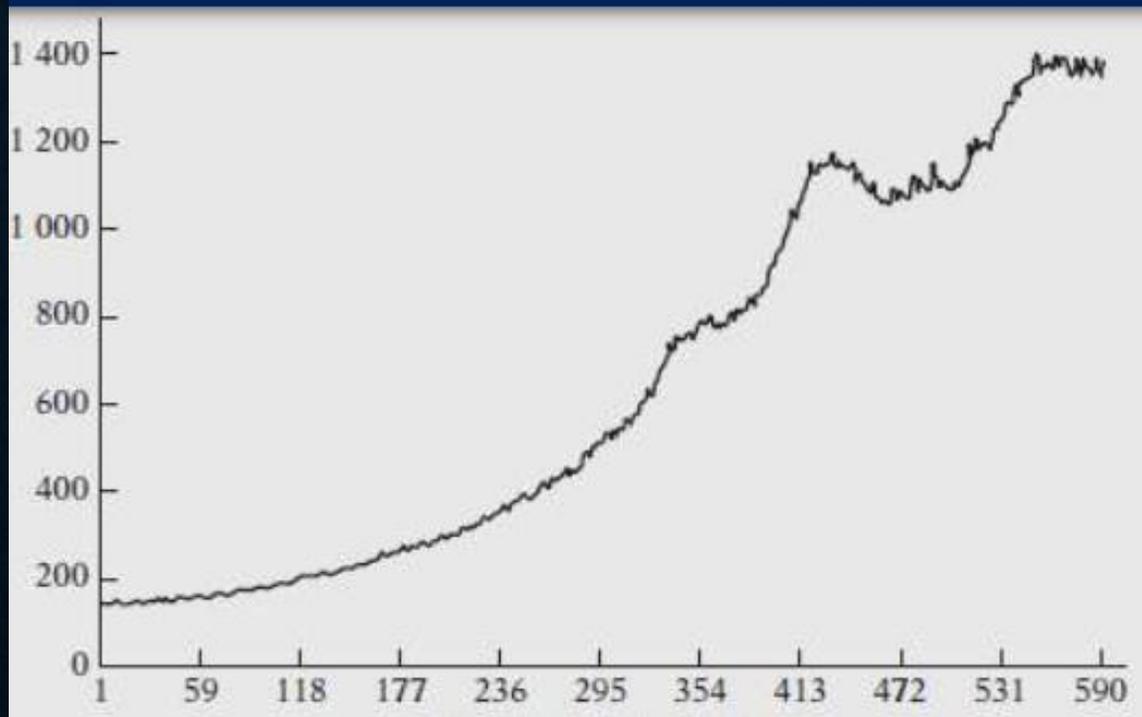
- Tener tendencia
- Efectos estacionales
- Heterocedasticidad

**CASO ESPECÍFICO: CAMINO ALEATORIO (RANDOM WALK)**

La primera diferencia es ruido blanco

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

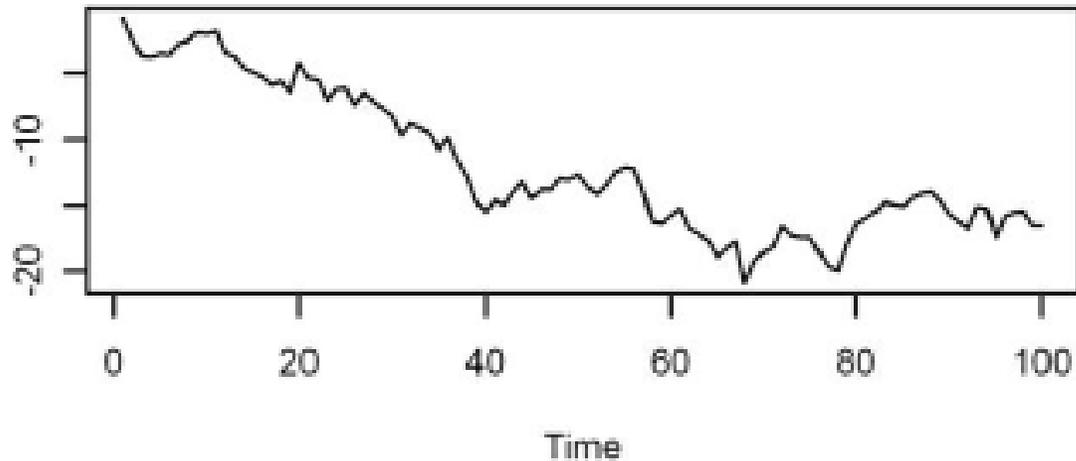
## PROCESO NO ESTACIONARIO



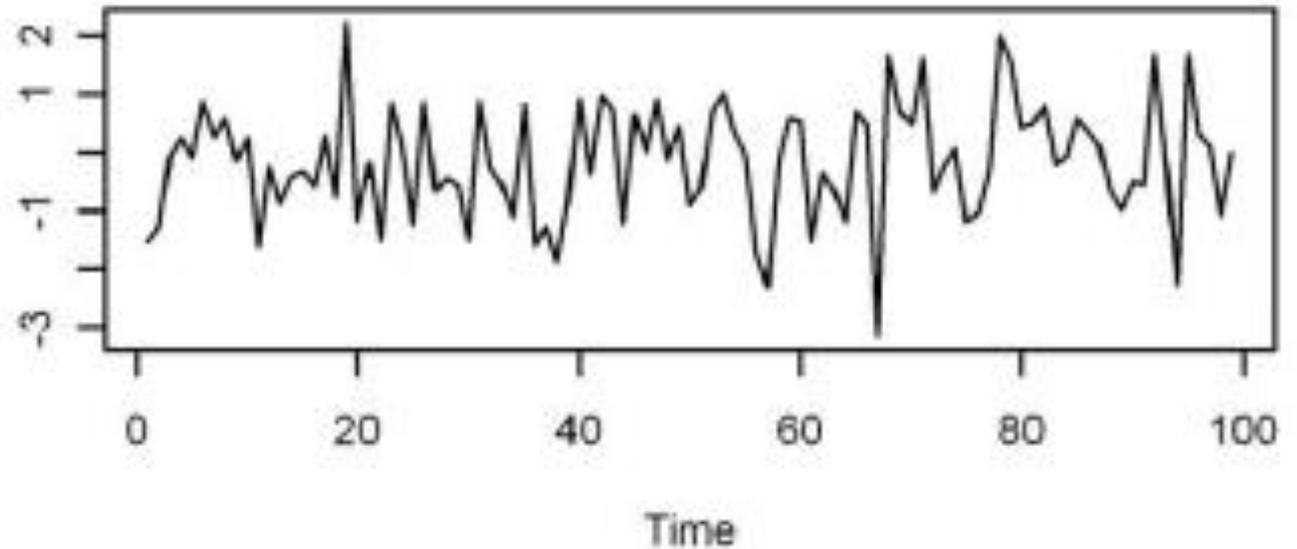
# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO NO ESTACIONARIO

Camino aleatorio  $X_t$



Primera diferencia de  $X_t$



# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

$$y_t = \rho y_{t-1} + u_t$$

Si  $|\rho| < 1$

*Proceso estacionario ruido blanco,  
la serie es integrado de orden cero  $I(0)$*

Si  $|\rho| = 1$

*Proceso no estacionario camino aleatorio,  
la serie es integrado de orden uno  $I(1)$*

**Tiene raíz unitaria**

Si  $|\rho| > 1$  *Proceso no estacionario explosivo*

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### ORDEN DE INTEGRACIÓN DE LAS SERIES

Una variables es integrada de orden  $d$  “ $I(d)$ ” si debe ser diferenciada  $d$  veces para volverse estacionaria:

$I(0)$ : estacionaria, (por ejemplo: ruido blanco)

$I(1)$ : se debe diferenciar 1 vez porque no es estacionaria

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### ORDEN DE INTEGRACIÓN DE LAS SERIES

$$y_t = \mu + \rho y_{t-1} + \beta t + u_t$$

Modelos	Parámetros	Descripción	Propiedades
1	$\mu \neq 0;  \rho  < 1; \beta \neq 0$	Estacionario Tendencia y constante	I(0)
2	$\mu \neq 0;  \rho  = 1; \beta \neq 0$	No estacionario (camino aleatorio) Tendencia y constante	I(1)
3	$\mu \neq 0;  \rho  = 1; \beta = 0$	No estacionario (camino aleatorio) Con constante	I(1)
4	$\mu \neq 0;  \rho  = 0; \beta \neq 0$	Tendencia determinística (ruido blanco)	I(0)
5	$\mu = 0;  \rho  = 1; \beta \neq 0$	No estacionario (camino aleatorio puro)	I(1)

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### PRUEBAS DE ESTACIONARIEDAD

- 1) Análisis gráfico. Evolución de la variable a lo largo del tiempo
- 2) Autocorrelación. En series de tiempo se llama correlación serial

$\rho_1(y_t, y_{t-1})$  Autocorrelación de primer orden

$\rho_2(y_t, y_{t-2})$  Autocorrelación de segundo orden

El valor de rho que es el valor poblacional se estima a través del coeficiente de correlación ( $r = \text{Cov}/S$ )

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### PRUEBAS DE ESTACIONARIEDAD

#### 3) Función de autocorrelación

- Se calculan las correlaciones para los diferentes números de rezagos, todas estas correlaciones constituyen la función de autocorrelación
- La representación gráfica es el correlograma
- La correlación parcial es cuando solo se consideran dos variables, excluyendo la tercera, por ejemplo entre  $t$  y  $t-2$ , sin incluir  $t-1$

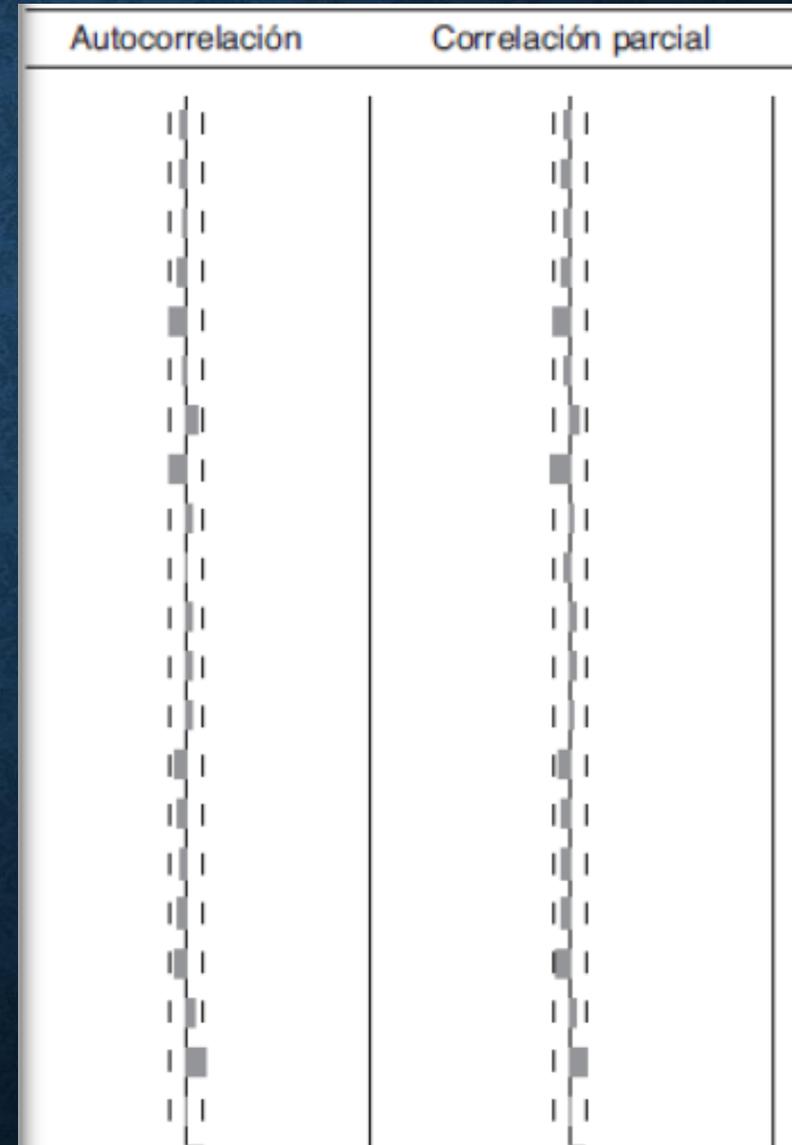
# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### PRUEBAS DE ESTACIONARIEDAD

#### PROCESO ESTACIONARIO

La autocorrelación y la correlación parcial están dentro de los intervalos



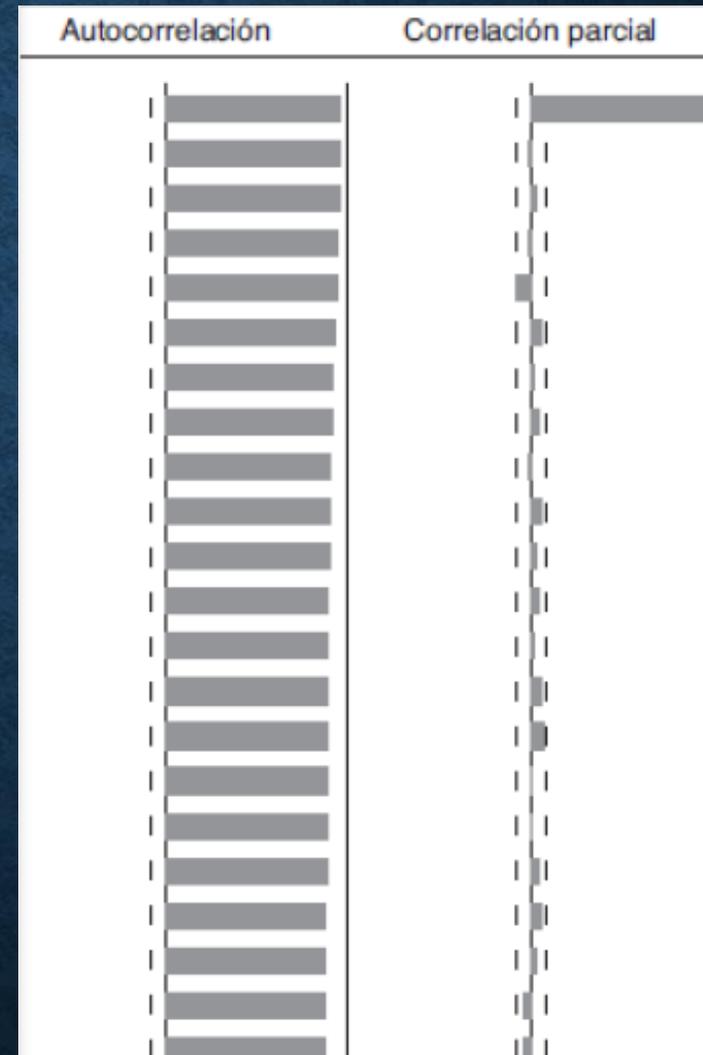
# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### PRUEBAS DE ESTACIONARIEDAD

#### PROCESO NO ESTACIONARIO

La correlación parcial del primer rezago está por encima del intervalo, por lo tanto hay correlación entre  $Y_t$  y  $Y_{t-1}$



# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### PRUEBAS DE ESTACIONARIEDAD

4) Prueba de raíz unitaria de Dickey – Fuller (DF)

- La  $H_0$  es que hay raíz unitaria (no estacionario)
- Se emplea para analizar el primer rezago

5) Prueba de Dickey Fuller aumentado (DFA)

- La  $H_0$  No estacionaria
- Se emplea para analizar más de un rezago

6) Prueba de Phillips Perron (PP)

- Emplea métodos no paramétricos
- La  $H_0$  No estacionaria

\*\* Para probar cambios estructurales se emplea el test de Chow ( $H_0$  no hay cambios estructurales)

# ANÁLISIS ESTOCÁSTICO

## PROCESO ESTOCÁSTICO ESTACIONARIO VS. NO ESTACIONARIO

### TRANSFORMACIÓN DE VARIABLES PARA LOGRAR LA ESTACIONARIEDAD

Depende de si los procesos son estocásticos en tendencia o diferencias

- Procesos estocásticos en diferencias.

Solución tomar las primeras diferencias para convertir la serie en estacionaria

- Procesos estocásticos en tendencia

No suele emplearse muy a menudo, se debe estimar la siguiente regresión y luego calcular la diferencia entre  $y$  y  $\hat{y}$ .

$$y_t = \beta_0 + \beta_1 t + u_t$$

# MODELOS PROCESOS ESTOCÁSTICOS



**APLICACIONES  
EN STATA  
(PIB)**