

Fórmulas de los productos notables

Formula I $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$

Formula II $(x + a)^2 = x^2 + 2ax + a^2$

Formula III $(x - a)^2 = x^2 - 2ax + a^2$

Formula IV $(x + a)(x - a) = x^2 - a^2$

Formula V $(ax + b)(cx + d) = acx^2 + (ad + bc)x + bd$

Ejemplos

$(x + a)(x - a) = x^2 - a^2$ **Formula IV**

► Desarrolle, $(2x + 3y)(2x - 3y) = (2x)^2 - (3y)^2$
 $x = 2x ; a = 3y$ $= 4x^2 - 9y^2$

$(x - a)^2 = x^2 - 2ax + a^2$ **Formula III**

$(2x - 3y)^2 = (2x)^2 - 2(3y)(2x) + (3y)^2$
 $x = 2x ; a = 3y$ $= 4x^2 - 12xy + 9y^2$

Ejemplo 2

Resolución: Se aplica la fórmula de los productos notables.

También podemos utilizar las formulas de los productos notables para el cálculo de números.

Calcule,

Formula III

$$(x - a)^2 = x^2 - 2ax + a^2$$

$$95^2 = (100 - 5)^2$$

$$= 100^2 - 2(100)(5) + 5^2$$

$$= 10000 - 1000 + 25$$

$$= 9025$$

$$x = 100$$

$$a = 5$$

Ejemplo 3

Utilizar las fórmulas de los productos notables para el cálculo de números.

Calcule,

Formula IV

$$(x + a)(x - a) = x^2 - a^2$$

$$31 \times 29 = (30 + 1) \times (30 - 1)$$

$$= 30^2 - 1^2$$

$$= 900 - 1$$

$$= 899$$

$$x = 30$$

$$a = 1$$

Raíces cuadradas empleando fórmulas de productos notables

Ejemplo

► Calcule, $(5\sqrt{3} - 2)(2\sqrt{3} + 3)$

Formula V

$$(ax + b)(cx + d) = acx^2 + (ad + bc)x + bd$$

$$a = 5$$

$$10$$

$$15$$

$$-4$$

$$-6$$

$$\begin{cases} b = -2 \\ c = 2 \\ d = 3 \\ x = \sqrt{3} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & acx^2 + (ad + bc)x + bd \\ & 10(\sqrt{3})^2 + (15 - 4)\sqrt{3} - 6 \\ & 10 \times 3 + 11\sqrt{3} - 6 \\ & \boxed{24 + 11\sqrt{3}} \end{aligned}$$

Ejemplo

► Calcule, $(\sqrt{5} - 3)^2$

Formula III

$$(x - a)^2 = x^2 - 2ax$$

$$\begin{cases} a = 3 \\ x = \sqrt{5} \end{cases}$$

$$\begin{aligned} & (\sqrt{5})^2 - 2 \times 3 \times \sqrt{5} \\ & 5 - 6\sqrt{5} + 9 \\ & \boxed{14 - 6\sqrt{5}} \end{aligned}$$

FACTORIZACIÓN

$$3X^2 + 21(X-3)$$

$$3X(X+7) \quad \text{Factor común}$$

$$(x+a)^n$$

<https://www.youtube.com/watch?v=athYuPXPkeY>

]

$+ a^2$

$+ 3^2$



	x	c		
	2,23606798	-3	-0,76393202	0,58359214
	2,23606798	-3		0,58359214
5	-6,70820393			
	-6,70820393	9		
5	-13,4164079	9		
	0,58359214			

$$(x - a)^5$$

$$2x + 3y$$

$$\underline{2x - 3y}$$

x^2	x	xy	y
	2		-3
	2		-3
4	0	-6	0
		-6	0
	4	0	-12
			0

$$4x^2$$

$$-12xy$$

$$4x^2 - 12xy + 9y^2$$

$$\begin{array}{cccccc}
 1 & 5 & 10 & 10 & 5 & 1 \\
 x^5 & -5x^4a & 10x^3a^2 & -10x^2a^3 & 5xa^4 & -a^5
 \end{array}$$

$$\begin{array}{cc}
 4 & 2 \\
 4 & 3
 \end{array}
 \begin{array}{c}
 16 \\
 64
 \end{array}$$

4	4	256
4	5	1024
4	6	4096
4	7	16384
4	8	65536
4	9	262144

$$(x-a)^n$$

$$\begin{aligned} &(x-a)^1 \\ &(x-a)^2 \\ &(x-a)^3 \\ &(x-a)^4 \\ &(x-a)^5 \end{aligned}$$

$$(X+4)^4$$

$$\begin{array}{r} y^2 \\ \hline 9 \\ \hline 9y^2 \end{array}$$

Triangulo de Pascal

				1
			1	
		1		
	1		5	
1		4		

$$x^4 + 16x^3 + 96x^2 + 256x + 256$$

	1					
1		1				
	2		1			
3		3		1		
	6		4		1	
10		10		5		1
6		4		1		
6x ² 16		4X64			256	
96X ²		256 x				